

تم تحميل ورفع المادة على منصة



للعودة الى الموقع اكتب في بحث جوجل



المعلم التعليمي



ALMUALM.COM

المختصر المفيد

في رياضيات الصف

الخامس (الجزء الثاني)

أ. بخاري (مكتبي)

1

جمع وطرح الكسور والاعداد الكسرية المختلطة والمختلفة المقامات

أمثلة متنوعة ١- اجمع ما يأتي :-

تذكر أنه لابد
من توحيد
المقامات
أولاً

$$(P) \quad \frac{9}{14} = \frac{2}{14} + \frac{7}{14} = \frac{1}{7} + \frac{1}{2}$$

$$(O) \quad \frac{9}{12} = \frac{8}{12} + \frac{1}{12} = \frac{4 \times 2}{4 \times 3} + \frac{1}{12} = \frac{2}{3} + \frac{1}{12}$$

4x3 وكذلك
البسط 4x2
أما $\frac{1}{12}$ تبقى
كأهيا

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \div 3}{4 \div 3} = \frac{1}{4}$$

$$(P) \quad 3\frac{5}{9} + 2\frac{2}{3}$$

نجد أن
9 من مضاعفات
3 منها
و تبقى كأهيا
3x3 وكذلك
البسط 3x2

$$3\frac{5}{9} + 2\frac{3 \times 2}{3 \times 3}$$

↓

$$3\frac{5}{9} + 2\frac{6}{9}$$

يمكن الاستمرار لأن
11 < 9 عند كل
نقسم 11 ÷ 9 مقام
9
-2 بـ

$$5\frac{11}{9} =$$

✓

$$6\frac{2}{9} = (5+1)\frac{2}{9} =$$

✓

2

أفضل مسوعة :- أشرح ما يأتي :-

$$\frac{7}{12} = \frac{2 \div 14}{2 \div 24} = \frac{4}{24} - \frac{18}{24} = \frac{1}{6} - \frac{3}{4} \quad (م)$$

حل آخر نوجد المقامات
من أول مضاعفات

وهو 12

$$\frac{7}{12} = \frac{2}{12} - \frac{9}{12} = \frac{1}{6} - \frac{3}{4}$$

نلاحظ أن 9 ومن مضاعفات
3 مضاعفاً ويتبقى كما
3 — 3x3 وكذلك البسط 3x3

$$2\frac{1}{3} - 5\frac{5}{9} \quad (ب)$$

↓

$$2\frac{3 \times 1}{3 \times 3} - 5\frac{5}{9}$$

$$3\frac{2}{9} = 2\frac{3}{9} - 5\frac{5}{9} =$$

ملاحظة
المقامات
لا تتجمع ولا تفرج
والاعداد الصحيحة
تجمع أو تفرج
مع بعض
وكذلك البسوط

نوجد
8

$$1\frac{7}{8} - 2\frac{1}{4} \quad (ج)$$

$$1\frac{7}{8} - 2\frac{2 \times 1}{2 \times 4}$$

$$1\frac{7}{8} - 2\frac{2}{8}$$

$$1\frac{7}{8} - 1(1 + \frac{2}{8})$$

$$\frac{3}{8} = 1\frac{7}{8} - 1\frac{1}{8} = 1\frac{7}{8} - 1(\frac{1}{8} + \frac{7}{8}) -$$

7 > 2
مضاعفاً
نستلف من
العدد الصحيح
(2)

3

أكتب كسر :

تبقى كما هي
لأن البسط
صغير المقام
كبير

$$(P) \frac{4}{5} = 5 \div 4$$

$$(C) \frac{5}{4} = 4 \div 5$$

قسمة وطولة
لأن البسط كبير
ومقامه صغير

$$1 \overline{) 5} \begin{array}{r} 4 \\ \underline{4} \\ 1 \end{array}$$

عدد كلي
4 - مقام
1 - بسط

$$\therefore 1 \frac{1}{4} = \frac{5}{4}$$

عبر عن 20 ÷ 8 ككسر عادي
الكلي الأقل

لنكون أكثر
من كسر
من 8/8

$$\frac{20}{8} = 8 \div 2$$

$$2 \frac{4}{8} = \frac{20}{8} = 8 \div 20$$

قسم وطولة
عدد كلي
8 - مقام
2 - بسط

$$\frac{4}{8} + \frac{8}{8} + \frac{8}{8} = \frac{20}{8}$$

↓ ↓ ↓
 $\frac{4}{8} \quad 1 \quad 1$
 $\frac{4+2}{8} = \frac{20}{8} \therefore$
 $2 \frac{4}{8} =$

عبر كسر في أبسط صورة

$$(P) \frac{2}{3} = \frac{3 \div 6}{3 \div 9} = 9 \div 6$$

$$(C) \frac{3}{5} = \frac{2 \div 6}{2 \div 10} = \frac{2 \div 12}{2 \div 20} = 20 \div 12$$

4

ضرب كسري عدد كلي

امثلة متنوعة

(1) ما قيمة $\frac{3}{4}$ الـ 10

$$7\frac{1}{2} = \frac{30}{4} = \frac{10}{1} \times \frac{3}{4}$$

(2) $\frac{2}{9}$ الـ 12

$$2\frac{2}{3} = \frac{8}{3} = \frac{3 \div 24}{3 \div 9} = \frac{12}{1} \times \frac{2}{9}$$

(3) $21 \times \frac{1}{3}$

$$7 = \frac{21}{3} = \frac{21}{1} \times \frac{1}{3}$$

(4) $20 \times \frac{4}{5}$

$$16 = \frac{80}{5} = \frac{20}{1} \times \frac{4}{5} =$$

تذكر أن
عند تحويل عدد كسري
إلى كسر غير مختلي
نضرب بسطه هكذا

$$\frac{5}{2} = 2\frac{1}{2} \times 2$$

تذكر أن
الـ يعني
X

تذكر أن
عند تحويل
كسر غير مختلي
إلى عدد كسري
تقوم بالقسمة الطويلة
مثل $\frac{15}{2}$
2 مقام
15
14
1
01 ← بقية
 $7\frac{1}{2} = \frac{15}{2} \therefore$

لو وجدنا شيء مائلي

(9) $\frac{2}{5}$ الـ $\frac{1}{4}$

$$\frac{1}{10} = \frac{2 \div 2}{2 \div 20} = \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$$

(6) $\frac{6}{21} = \frac{6 \times 1}{7 \times 3} = \frac{6}{7} \times \frac{1}{3}$

$$\frac{2}{7} = \frac{3 \div 6}{3 \div 21}$$

5

تذكر أن

الكيلومتر = 1000 متر

الكيلوجرام = 1000 جرام

المتر = 100 سنتيمتر

اللتر = 1000 مليلتر

الساعة = 60 دقيقة

الدقيقة = 60 ثانية

السنة = 12 شهرا

اليوم = 24 ساعة

عند التحويل من الكبير إلى الصغير $\times$

وعند التحويل من الصغير إلى الكبير $\div$

* أمثلة متنوعة محلولة :- أوجد المقاييس المتكافئة

60 X

صغير $\downarrow$ كبير $\downarrow$
 $\frac{60}{1} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{4}$ (P)

$\frac{180}{4} = 45$ ث

24 X

صغير $\downarrow$ كبير $\downarrow$
 $\frac{24}{1} \times \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$ (N)

$\frac{48}{3} = 16$ س

12 X

صغير $\downarrow$ كبير $\downarrow$
 $\frac{12}{1} \times \frac{5}{6} = \frac{5}{6}$ (A)

$\frac{60}{6} = 10$ سنه

أ. خلد السائح

2020

6

1000X

(أ) أوجد الكميات المكافئة :- صغير

(م) $\frac{1}{4} \text{ كم} = \frac{1000}{1} \times \frac{1}{4} = \frac{250}{1} \text{ م}$

$250 \text{ م} = \frac{1000}{4} =$

1000X

(ب) $\frac{3}{5} \text{ ل} = \frac{1000}{1} \times \frac{3}{5} = \frac{600}{1} \text{ مل}$

$600 \text{ مل} = \frac{3000}{5} =$

1000X

(ج) $\frac{3}{10} \text{ كجم} = \frac{1000}{1} \times \frac{3}{10} = \frac{300}{1} \text{ غم}$

$300 \text{ غم} =$

3 عدد كلي
3 عدد كسري
هو طي
لخانة
الكسيرة
«المتر»
3 فقط
4 تحول
(1 سم
100X

(د) $3 \frac{3}{4} \text{ م} = 3 \text{ م} + \frac{3}{4} \text{ م} = 3 \text{ م} + \frac{75}{100} \text{ م} = 3 \text{ م} + 0.75 \text{ م} = 3.75 \text{ م}$

$4 \overline{) 300} \begin{array}{r} 75 \\ 28 \\ \hline 20 \end{array}$

$3 \frac{3}{4} \text{ م} = 3 \text{ متر و } 75 \text{ سم}$

(هـ) $\frac{1}{6} \text{ يوم} = \frac{5}{6} \text{ يوم} =$

$5 \text{ يوم و } \frac{1}{6} \text{ يوم} = \frac{24}{1} \times \frac{1}{6} = 4 \text{ س}$

$5 \text{ يوم و } 4 \text{ س} =$

سبعة
هو

7

عبر عن كل ما يأتي

(1) عبر عن 860 سم بالامتار $\rightarrow 100 \div$

$$8.6 \text{ م} = \frac{860}{100}$$

(2) عبر عن 750 مل بالتر $\rightarrow 1000 \div$

$$0.75 \text{ لتر} = \frac{750}{1000}$$

(3) 250 م بالكيلومتر $\rightarrow 1000 \div$

$$0.25 \text{ كم} = \frac{250}{1000}$$

(1) حول: ما لكر الذي يحمل 50 سم من 2 م

$$\frac{1}{4} = \frac{5 \div 5}{5 \div 20} = \frac{50 \text{ سم}}{200 \text{ سم}} = \frac{50 \text{ سم}}{2 \text{ متر}} \leftarrow 100 \times$$

(2) ما لكر الذي يحمل 24 ث من 3 د ؟

$$\frac{2}{15} = \frac{2 \div 4}{2 \div 30} = \frac{6 \div 24}{6 \div 180} = \frac{24}{60 \times 3} = \frac{24 \text{ ث}}{60 \times 3} \leftarrow 60 \times$$

أ. بخار السحب
م 2020

8

النسبة

مثال ① :-

ضع النسب الآتية في أبسط صورة

في حالة الاختصار
نبسط عدد رقم يقبل
القسم على البسط والمقام
في نفس الوقت

$$3:1 = \frac{1}{3} = \frac{4 \div 4}{4 \div 12} = 12:4 \quad (م)$$

$$3:5 = \frac{5}{3} = \frac{3 \div 15}{3 \div 9} = 9:15 \quad (ن)$$

مثال ② :- أوجد العدد المحذوف في هذه النسب

$$3:\square = 9:15 \quad (م)$$

$$\frac{\square}{3} = \frac{3 \div 15}{3 \div 9} =$$

$$32:\square = 8:3 \quad (ن)$$

$$\frac{\square}{32} = \frac{4 \times 3}{3 \cdot 2 \leftarrow 8} =$$

مثال ③ :- أوجد الأعداد المحذوفة

$$\square : \square : 9 = 7 : 5 : 3$$

3x 3x

$$2:\square:\square = 14:21:7$$

7÷ 7÷

نلاحظ أن

من أول رقم

نلاحظ

أن 3x3

كان الناتج

⑨

معناها كل

الرقم 3x

نلاحظ أن ناتج عدد 2 = 7 ÷ 14
معناها كل الرقم 7 ÷

تذكر أن

هي

ومعناها

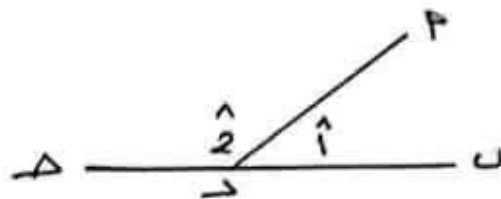
نسبة

9

الزوايا

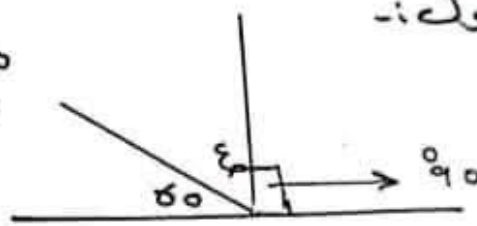
(٢) الزوايا المتبادلة في خط مستقيم: مجموعها ١٨٠

$$\underline{180 = \hat{1} + \hat{2}}$$

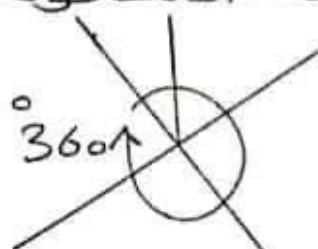


مثال محلولة:
أوجد

$$\begin{aligned} 180 &= 60 + \hat{e} + 90 \\ (60 + 90) - 180 &= \hat{e} \\ 150 - 180 &= \hat{e} \\ -30 &= \hat{e} \end{aligned}$$



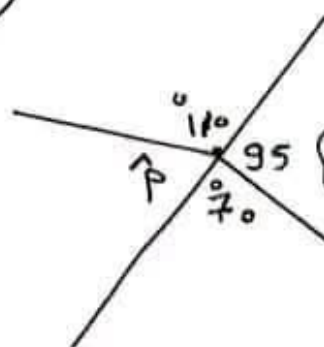
(٣) الزوايا المتجمعة حول نقطة: مجموعها ٣٦٠



مثال محلولة:

أوجد قيمة

أ. تخلص السني
٢٠٢٠م



$$360 = \hat{p} + 70 + 110 + 95$$

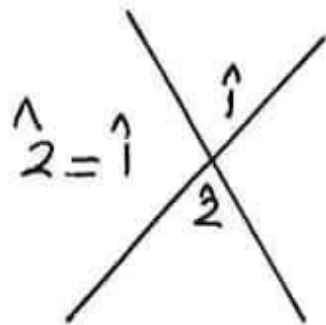
$$\therefore \hat{p} = 360 - (110 + 70 + 95)$$

$$\hat{p} = 360 - 275$$

$$85 =$$

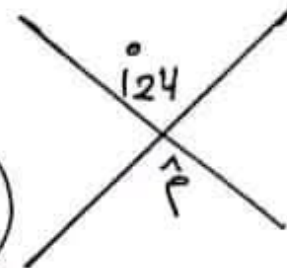
10

ح) الزوايا المتفاعلة بالرأس : متساوية



ضال حلول :-

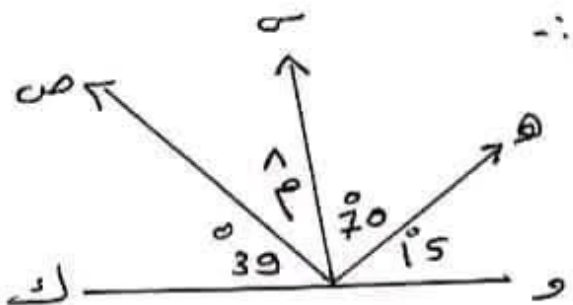
أوجد قيمة م



:- المتيان متساويان
وعين التأكد بالمطرق
:- $124 = م$ (ب)
تقابل بالرأس

كميات متنوعة :

أوجد الزوايا المجهولة فيما يلي :-



من خلال الرسم
الزوايا بجوار خط مستقيم = 180°
:- $180 = 39 + م + 70 + 15$
:- $180 = م + (39 + 70 + 15)$
:- $180 - 124 = م$
 $56 = م$



من خلال
الرسم الزوايا
مجمعة حول نقطة
:- $360 = 142 + 104 + س$
:- $360 - (142 + 104) = س$
 $114 = س$

11

«الكسور والاعداد الحشرية»

- (1) الضرب $10 \times$ ← تتحرك العلامة منزلة واحدة جهة اليمين
 $100 \times$ ← تتحرك العلامة منزلتين جهة اليمين
 $1000 \times$ ← تتحرك العلامة ثلاث منازل جهة اليمين

أمثلة محلولة: يمين ملحق مئة

$$(1) 326 = 326 \times 1 = 10 \times 32.6 = 100 \times 3.26$$

$$(2) 5092 = 5092 \times 1 = 10 \times 509.2 = 100 \times 50.92$$

$$(3) 0.7 = 100 \times 0.007 = 1000 \times 0.0007$$

$$(4) 210 = 210 \times 1 = 100 \times 2.1 = 1000 \times 0.21$$

$$(5) 10810 = 10810 \times 1 = 1000 \times 10.81 = 10000 \times 1.081$$

$$(6) 27400 = 1000 \times 27.4 = 10000 \times 2.74$$

$$27400 =$$

الحالات
الفاضية زعم من غير صفرأمثلة متنوعة:
أو جدنا أخرج الضرب

$$(1) 200 \times 4.5$$

$$100 \times 2 \times 4.5$$

$$100 \times 9.0$$

$$900 =$$

$$(2) 3000 \times 0.49$$

$$1000 \times 3 \times 0.49$$

$$\begin{array}{r} 1000 \\ 0.49 \\ \times 3 \\ \hline 1.47 \end{array}$$

$$1000 \times 1.47$$

$$14700 =$$

$$14700 =$$

$$\begin{array}{r} 4.5 \\ \times 2 \\ \hline 9.0 \end{array}$$

12

البصمة ع 10 100 1000

ع 10 ← تحرك العلامة منزلة واحدة جهة اليسار

ع 100 ← تحرك العلامة منزلتين جهة اليسار

ع 1000 ← تحرك العلامة ثلاث منازل جهة اليسار

تذكر أن

* أمثلة محلولة :- قسمة ← يسار

$$(1) \quad 291 \div 10 = \frac{291}{10} = 29.1$$

$$(2) \quad 6.31 \div 100 = 0.0631$$

$$(3) \quad 89.02 \div 10 = 8.902$$

$$(4) \quad 19.4 \div 1000 = 0.0194$$

$$(5) \quad 45.3 \div 1000 = 0.0453$$

مثال:
أوجد ناتج

$$40 \div 0.8$$

$$10 \div 4 \div 0.8$$

$$\underline{0.02} = 10 \div 0.2$$

13

تُمرَّيات متنوعة على القسمة : مع يعني من

$$0.7 = 0.70 = 100 \div 70 = 100 \div 70 \quad (1)$$

$$0.009 = 1000 \div 9 = 1000 \div 9 \quad (2)$$

$$0.03 = 10 \div 0.3 = 10 \div 0.3 \quad (3)$$

$$0.6 = 10 \div 6 = 10 \div 3 \div 18 = 30 \div 18 \quad (4)$$

$$= 10 \div 0.21 = 10 \div 8 \div 1.68 = 80 \div 1.68 \quad (5)$$

$$0.021 =$$

او جدنا الج ما يلي :

$$36.8 = 46 \times 0.8 \quad (1)$$

$$26.75 = 25 \times 1.07 \quad (2)$$

$$133.0 = 38 \times 3.5 \quad (3)$$

$$\begin{array}{r} 446 \\ 8 \times \\ \hline 368 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 107 \\ 25 \times \\ \hline 535 \\ 214 \\ \hline 2675 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 35 \\ 38 \times \\ \hline 280 = \\ 105 \\ \hline 1330 \end{array}$$

أ. خلد السبحي
2020م

ملاحظة: نفر كائهم
عدين عادين هم
نضع علامة عشرية
في الناتج نفس
الموجودة في المدرسة

تحويل وحدات القياس

حول إلى لترات وملتريات

(1) $7.05 \text{ ل} = 7 \text{ لتر و } 0.05 \times 1000 = 50 \text{ مل}$

$7 \text{ لتر و } 50 \text{ مل}$

(2) حول إلى كيلوجرامات وجرامات

$8.605 \text{ كجم} = 8 \text{ كجم} \times 0.605 \times 1000 = 605 \text{ جم}$

$8 \text{ كجم و } 605 \text{ جم}$

(3) حول إلى كيلواتر و أمتار

$16.55 \text{ كم} = 16 \text{ كم و } 0.55 \times 1000 = 550 \text{ م}$

$16 \text{ كم و } 550 \text{ م}$

تذكر أن
عندما تضع
في صورة عشرية
مئاتها
÷ بين
تحويل من
الخطير إلى
الكبير

عبر عن ما يأتي في صورة عشرية: $\div 1000$

(م) $3 \text{ جم} = \frac{3}{1000} = 0.003 \text{ كجم}$

(ن) $1080 \text{ م} = \frac{1080}{1000} = 1.080 \text{ كم}$

(هـ) $630 \text{ مل} = \frac{630}{1000} = 0.63 \text{ ل}$

15

« تحويل وحدات القياس »

إملأ الفراغات

$$100 \times \frac{1}{100} = 1 \text{ م} \quad 100 \times 0.7 = 70 \text{ م}$$

$$1000 \times 1.05 = 1050 \text{ م} \quad 1000 \times 1.05 = 1050 \text{ متر}$$

عبر في صورة عشرية

$$100 \div 2 = 50 \text{ م} \quad 100 \div 2 = 50 \text{ م}$$

$$1000 \div 1000 = 1 \text{ ل} \quad \frac{750}{1000} = 0.75 \text{ لتر}$$

$$1000 \div 1000 = 1 \text{ كم} \quad \frac{200}{1000} = 0.2 \text{ كم}$$

$$0.02 \text{ كيلومتر}$$

أ. بخار السجّية
2020 م

16

« المتوسط »
 $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$

مثال محلولة :-

أوجد متوسط كل مما يلي

21, 16, 13, 10, 8, 4

الحل :- المتوسط = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \frac{21+16+13+10+8+4}{6}$

$$12 = \frac{72}{6} =$$

مثال ١ :- فيما يلي كتل 5 أطفال

12.5 كجم ، 18 كجم ، 21.5 كجم ، 27 كجم ، 30.5 كجم

ما متوسط كتلتهم ؟

الحل :- المتوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \frac{30.5+18+12.5+27+21.5}{5}$

$$21.9 = \frac{109.5}{5}$$

مثال ٢ :- أوجد متوسط ٢١ و ٣٤ سم و ٢٨ سم و ٣٦ سم و ٢٣ سم

الحل :- المتوسط = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \frac{367+228+134}{3}$

$$243 = \frac{729}{3} = 243 \text{ سم}$$

17

«المعدل»

امثلة محلولة:

تدور عجلة 196 دورة في 7 دقائق كم دورة تدورها في دقيقة؟
كلما مفرد

$$28 \text{ دورة} = \frac{196}{7} =$$

تدور 28 دورة في الدقيقة الواحدة

ملاحظة اذا كانت
المطلوب مفرد
معناها نقسم
العدد الكبير على
الصغير

تتقاضى منى 55 د في اليوم، كم ستقاضى في 7 أيام؟

كلما
جمع

$$55 \times 7 =$$

$$385 \text{ دينارا} =$$

اذا كانت المطلوب
جمع معناها
ضرب
الرقمين في بعض

تجري شركة 288 مكالمات في 8 ساعات كم مكالمات تجريها

في ساعة واحدة

$$\frac{288}{8} =$$

$$36 \text{ مكالمات} =$$

مفرد
÷

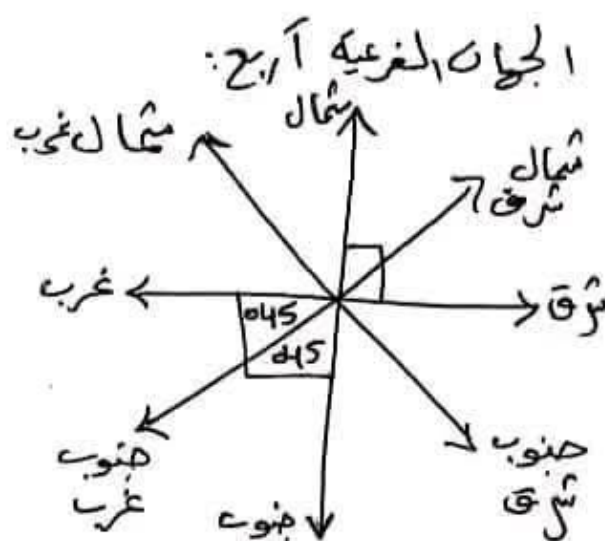
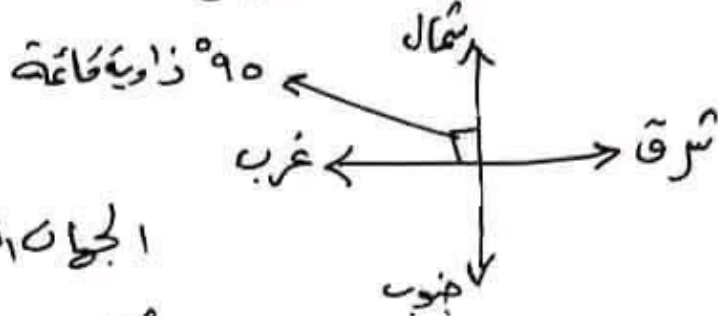
أ. بجلاد السخري

٢٠٢٥

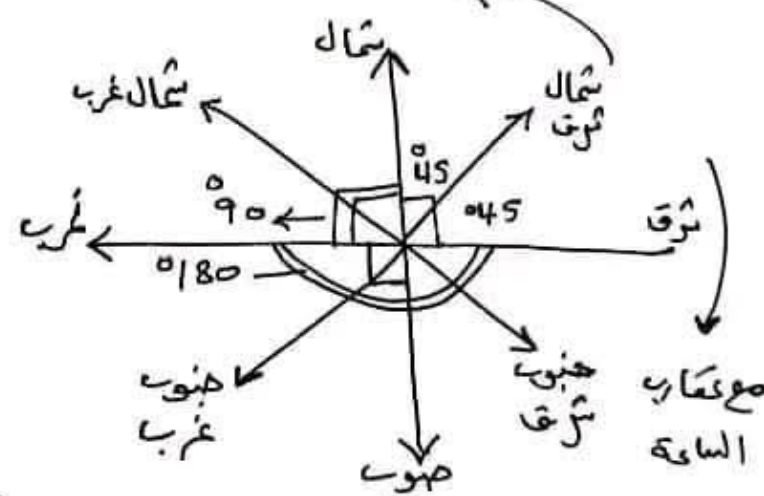
بوصلة الجبال الأصلية

والخرعية المثالي

تذكر أن الجبال الأصلية أربع



رسم توضيحي اتجاه عكس عقارب الساعة



دورة كاملة 360°
 نصف دورة 180°
 ربع دورة 90°
 ثلث أربع دورة 270°

19

تَمَّ يَنَاءٌ مَسَوَعَةٌ أَوْ جَدَ زَاوِيَةِ الدُّوَرَةِ فِي الْيَمَانِ
عَقَارِبُ السَّاعَةِ

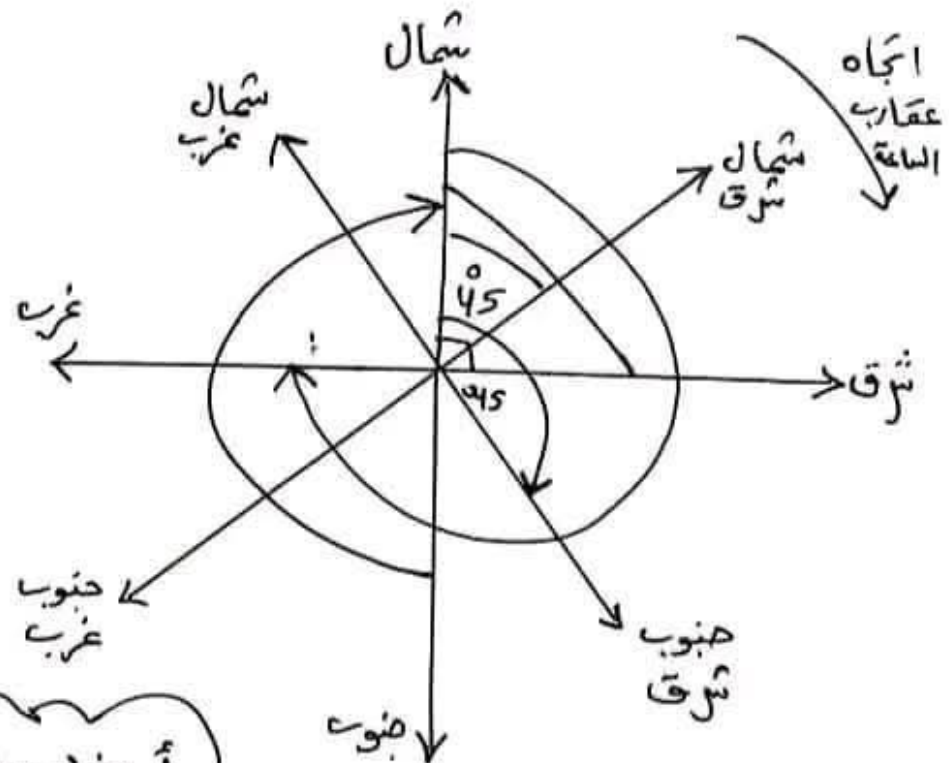
(م) السُّمَالُ إِلَى السُّمَالِ الشَّرْقِيِّ 45°

(ن) السُّمَالُ إِلَى الشَّرْقِ 90°

(هـ) السُّمَالُ إِلَى الْكِبُولِ الشَّرْقِيِّ $135^\circ = 45^\circ + 90^\circ$

(س) السُّمَالُ إِلَى الْغَرْبِ $270^\circ = 90^\circ + 90^\circ + 90^\circ$

(هـ) الْكِبُولُ إِلَى السُّمَالِ $180^\circ = 90^\circ + 90^\circ$



أ. مَجْلَدُ السِّيَاحَةِ
2020 م

20

« خواص المثلثات »

تعريف المثلث : هو شكل هندسي له 3 أضلاع و 3 زوايا
ومجموع زواياه 180°

أنواع المثلثات

بالنسبة لزواياه

(1) حاد الزاوية : - كوجده
زاوية واحدة فقط قائمة

(2) منفرج الزاوية : كوجده
زاوية واحدة فقط منفرجة

(3) حاد الزوايا : كل زواياه
حادّة

بالنسبة لأضلاعه

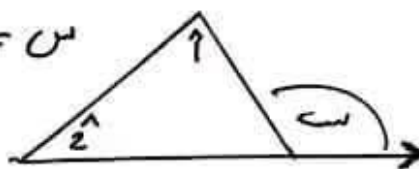
(1) متساوي الاضلاع : فيه كل الاضلاع
متساوية وكل الزوايا متساوية وتبلغ
كل زاوية 60° مج زواياه 180°

(2) متساوي الساقين : فيه ضلعان فقط
متساويان وزاويتا القاعدة متساويتان

(3) مختلف الاضلاع : فيه اضلاع مختلفة
وجميع زواياه مختلفة

* الزاوية الخارجة عنه المثلث = مج الزاويتين الداخلتين ماعدا
المجاورة لها

$$\hat{2} + \hat{1} = \text{س}$$



أ. مجلاء الشامي
٢٠٢٥

21

« تمرينات متنوعة على المثلثات »

(1) أوجد قياس الزوايا المجهولة :-

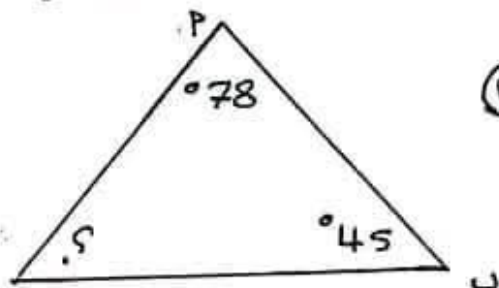
$$180 = \hat{A} + \hat{B} + \hat{C}$$

$$180 = \hat{A} + 45 + 78 \therefore$$

$$(45 + 78) - 180 = \hat{A} \therefore$$

$$123 - 180 = \hat{A}$$

$$57 = \hat{A} \therefore$$



(P)

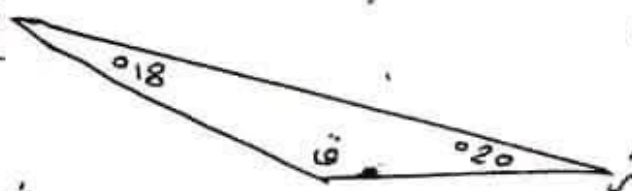
$$180 = \hat{X} + \hat{Q} + \hat{Z}$$

$$180 = 18 + \hat{Q} + 20$$

$$(18 + 20) - 180 = \hat{Q} \therefore$$

$$38 - 180 = \hat{Q}$$

$$142 = \hat{Q} \therefore$$

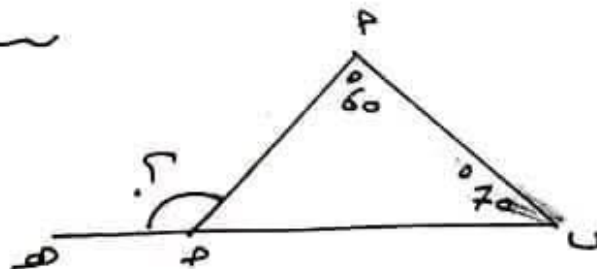


(Q)

$$\hat{P} + \hat{B} = \text{«خارجة» } \hat{A}$$

$$70 + 60 = \hat{A} \therefore$$

$$130 = \hat{A}$$



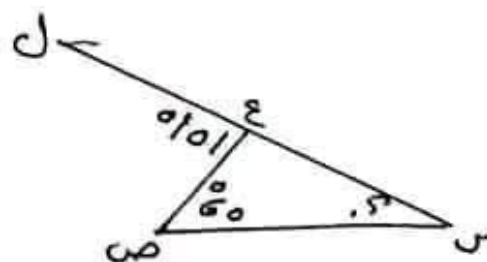
(R)

$$\hat{P} + \hat{S} = \text{«خارجة» } \hat{E}$$

$$60 + \hat{S} = 101 \therefore$$

$$60 - 101 = \hat{S} \therefore$$

$$41 = \hat{S}$$



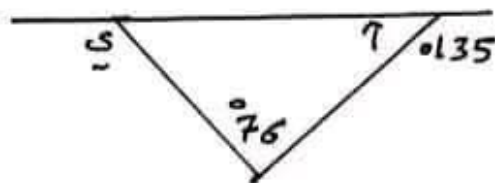
(S)

22

«الطريقتان الثلاث»

2] أوجد قيم الزوايا المجهولة:

$$\begin{aligned} \hat{A} + 135^\circ &= 180^\circ \text{ مجاورة على خط مستقيم} \\ \therefore \hat{A} &= 180^\circ - 135^\circ \\ \hat{A} &= 45^\circ \\ \text{ي خارجية} \\ \hat{Y} &= 45^\circ + 76^\circ \\ \hat{Y} &= 121^\circ \end{aligned}$$



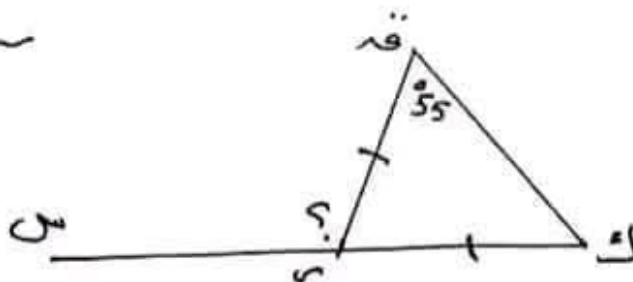
(أ)

$$\begin{aligned} \square &\leftarrow \text{تعني } 90^\circ \\ \therefore \hat{H} &= 90^\circ - 16^\circ \\ \hat{H} &= 74^\circ \end{aligned}$$



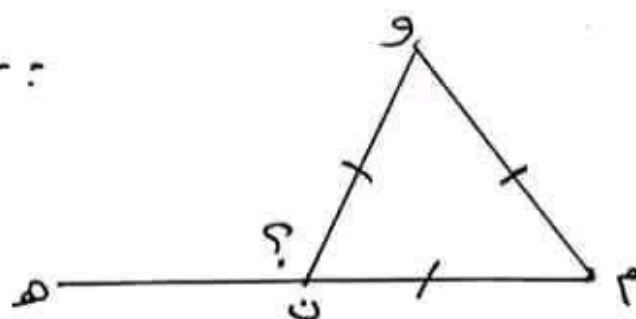
(ب)

$$\begin{aligned} \therefore \Delta \text{ ق ك ر متساوي الساقين} \\ \therefore \text{ق ك ر} &= \text{ك ر} \\ \therefore \hat{ق} &= \hat{ك} = 55^\circ \\ \text{ي خارجية} \\ \hat{ر} &= \hat{ق} + \hat{ك} \\ \hat{ر} &= 55^\circ + 55^\circ = 110^\circ \end{aligned}$$



(ج)

$$\begin{aligned} \therefore \Delta \text{ م ن و متساوي الأضلاع} \\ \therefore \text{كل زوايا} &= 60^\circ, 60^\circ, 60^\circ \\ \text{ن زاوية خارجية} &= \text{مجموع الزاويتين الداخليتين} \\ \text{الداخليتين} &\text{مجاورة لها} \\ \hat{ن} &= 60^\circ + 60^\circ \\ \hat{ن} &= 120^\circ \end{aligned}$$



(د)

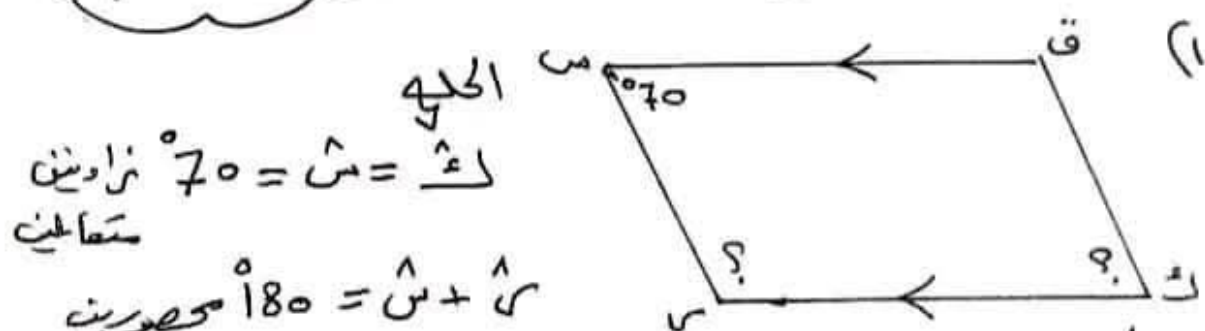
23

في خواص الاشكال الرباعية متوازيات الاضلاع

* في متوازي الاضلاع كل زاويتين متقابلتين متساويتين وكل زاويتين متجاورتين متتامتين $\angle = 180^\circ$

أ. تجلجاء الميخني
م 2020

أمثلة متنوعة محلولة :

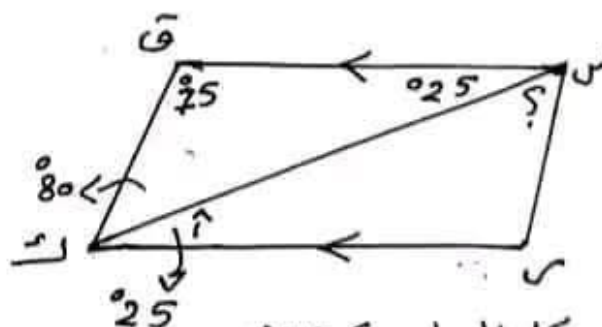


$$\begin{aligned} \angle ق + \angle م &= 180^\circ \text{ مجموع زاويتين متجاورتين} \\ \therefore 180^\circ &= 70^\circ + \angle ق \\ \therefore \angle ق &= 180^\circ - 70^\circ \\ \angle ق &= 110^\circ \end{aligned}$$

(2)

الحل ← أولاً $\triangle س ق ر$
لأن $180^\circ - (75^\circ + 25^\circ) = \angle ر$
 $180^\circ - 100^\circ = \angle ر$
 $\therefore \angle ر = 80^\circ$

لكن $\angle ق + \angle ر = 180^\circ$ مجموع زاويتين متجاورتين
 $\therefore 180^\circ = \angle ق + 80^\circ$
 $180^\circ = \angle ق + 80^\circ + 75^\circ$
 $\therefore 180^\circ - (80^\circ + 75^\circ) = \angle ق$
 $\therefore 180^\circ - 155^\circ = \angle ق$
 $\therefore \angle ق = 25^\circ$

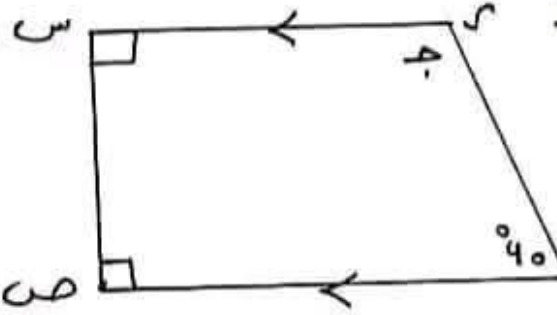


كل زاويتين متقابلتين متساويتين

$$\begin{aligned} \angle ق &= \angle ر \\ 80^\circ + 25^\circ &= 25^\circ + \angle ق \\ \therefore 105^\circ &= \angle ق \end{aligned}$$

المزيد من المبرهنات
" المتنوعة عن زوايا
متوازيات المثلثات "

(3) أوجد قيمة $\hat{X}$



الكل

$$\hat{X} + 40 = 180$$

زاويتان محصورتان
بين ضلعتين متوازيين

$$\therefore \hat{X} = 180 - 40 = 140$$

تذكر أن

كل زاويتين

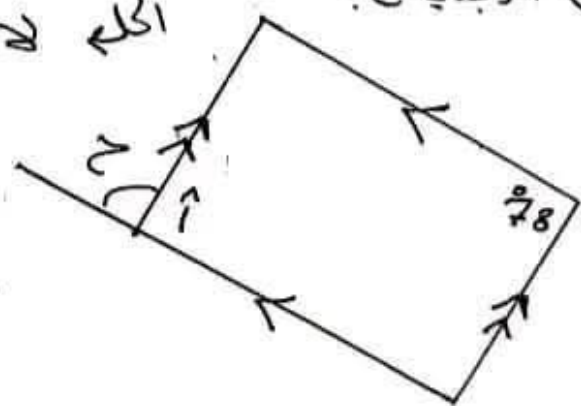
محصورتين

بين ضلعتين

متوازيين

مجموعهما 180°

(4) أوجد قيمة $\hat{X}$ ؟



الكل لايجاد قيمة $\hat{X}$ لابد من إيجاد

الزاوية المجاورة لـ

$$\hat{A} = 78^\circ \text{ السبب زاويتان}$$

متقابلتان

$$\therefore \hat{X} + \hat{A} = 180^\circ \text{ السبب}$$

متجاورة على خط مستقيم

$$\therefore 180 = 78 + \hat{X}$$

$$\hat{X} = 180 - 78$$

$$\hat{X} = 102^\circ$$

الحجوم : حجم المكعب
 (حجم متوازي المستطيلات)

تذكر أن

المكعب : هو مجسم له ستة أوجه على شكل مربعات
 وله 12 حرف

حجم المكعب = طول الضلع $\times$ طول الضلع $\times$ طول الضلع
 حجم المكعب = $ل \times ل \times ل$
 وحدات الحجم وحدات مكعبة

تذكر أن

متوازي المستطيلات : هو مجسم له ستة أوجه مستطيلة

حجم متوازي المستطيلات = الطول $\times$ العرض $\times$ الارتفاع

أمثلة محلولة :-

متوازي مستطيلات طوله 8 سم، وعرضه 4 سم
 وارتفاعه 5 سم أوجد حجمه؟

تذكر أن المجسم

هو شكل ثلاثي

الأبعاد أي

أنه له طول

عرض وارتفاع

الحل : حجم متوازي المستطيلات = الطول $\times$ العرض $\times$ الارتفاع

$$5 \times 4 \times 8 = \dots$$

$$\therefore \text{الحجم} = 160 \text{ سم}^3$$

27

«تابع: الكجوم»

أفضل محاولة:-

(2) مكعب طول حرفه = 11 سم أوجد حجمه؟

تذكر أن
طول الضلع هو
نفسه طول
الحرف

الكل ← حجم المكعب = طول الضلع × طول الضلع × طول الضلع

$$11 \times 11 \times 11 = \sim \sim$$

$$\therefore \text{الكجيم} = 1331 \text{ سم}^3$$

(3) متوازي مستطيلات حجمه 72 سم³، طوله 4 سم وعرضه 3 سم أوجد ارتفاعه؟

الكل ← $\therefore \text{الكجيم} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$

$$72 = 4 \times 3 \times \text{الارتفاع}$$

$$\therefore \text{الارتفاع} = \frac{72}{3 \times 4} = \frac{72}{12} = 6 \text{ سم}$$

(4) حجم مكعب 8 سم³ أوجد طول حرفه؟

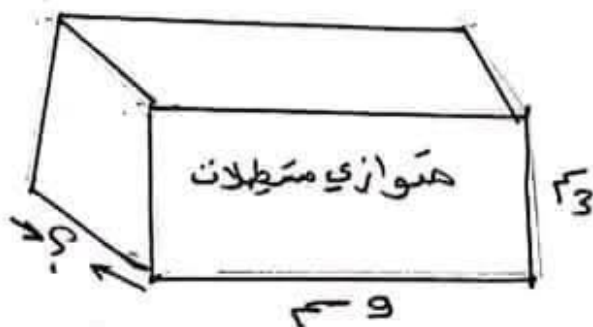
الكل ← $\therefore \text{الكجيم} = \text{طول الحرف} \times \text{طول الحرف} \times \text{طول الحرف}$

$$8 = 2 \times 2 \times 2$$

$$\therefore \text{طول الحرف} = 2 \text{ سم}$$

تذكر أن
جميع أحرف
المكعب
متساوية

(١) أوجد الأضلاع المجهولة؟ إذا كان الحجم = 81 سم³



١. بخلاء الشيخ
٢٠٢٠م

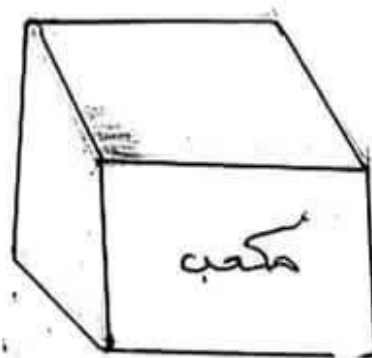
الحل ← هذا الشكل متوازي مستطيلات
الحجم = الطول × العرض × الارتفاع

$$81 = 9 \times 3 \times ?$$

$$\therefore ? = \frac{81}{3 \times 9} = \frac{81}{27} = 3 \text{ سم}$$

ترجموا عن
روح والدي
عبد القادر
الشيخ

تذكر أن جميع الأضلاع
متساوية بنصف عن
عدد نظريه 3 مرات
يكون الناتج 64



(2) أوجد
طول الحرف؟

$$\text{الحجم} = 64 \text{ سم}^3$$

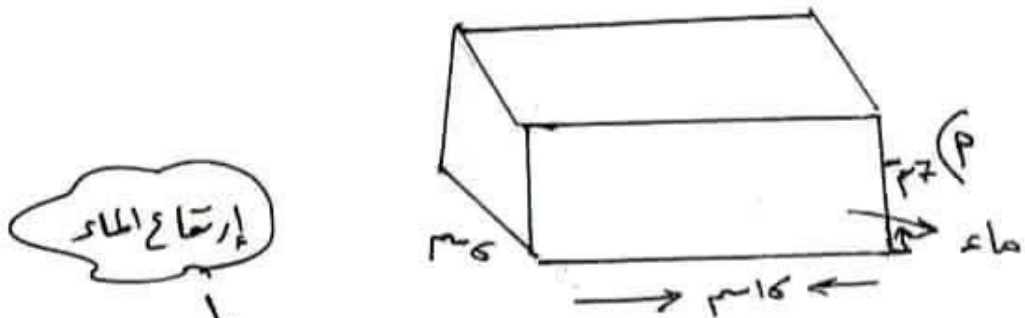
الحل ← حجم المكعب = طول الحرف × طول الحرف × طول الحرف

$$\therefore 64 = 4 \times 4 \times 4$$

$$\therefore \text{طول الحرف} = 4 \text{ سم}$$

تمرينات متنوعة على الحجوم

(1) أوجد حجم الماء في هذا الخزان على شكل متوازي
مستطيلات باللاتر والجالترات (1 ل = 1000 سم³)



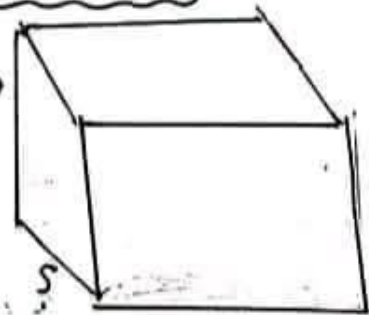
حجم الماء = الطول $\times$ العرض $\times$ الارتفاع

$$7 \times 6 \times 16 = \text{الحجم}$$

$$672 = \text{الحجم} \text{ سم}^3$$

تذكر أن
حلول
الحرف متساوي
في المكعب

وعاء على شكل مكعب مملوء إلى
نصفه بالماء إذا كان حجم
الماء في الوعاء 500 سم³
أوجد طول حرفه ؟



الحل ← حجم المكعب = طول الحرف $\times$ طول الحرف $\times$ طول الحرف

$$500 = \frac{1}{2} \times \text{طول الحرف} \times \text{طول الحرف} \times \text{طول الحرف}$$

$$\therefore \text{طول الحرف} \times \text{طوله الحرف} \times \text{طول الحرف} = 500 \times 2$$

$$\text{طوله الحرف} \times \text{طول الحرف} \times \text{طوله الحرف} = 1000$$

$$\therefore \text{طوله الحرف} = 10 \text{ سم}$$

تمرين محلولة:

صب ك لترات من الماء في خزان على شكل متوازي مستطيلات فبعد اقامته 30 سم 20 سم آو جدار ارتفاع سطح الماء في الخزان بالسيفرات؟

تذكر أن

$$1000 \text{ لتر} = 1 \text{ م}^3$$

$$6000 = 6 \text{ م}^3$$

الحل

حجم متوازي المستطيلات = الطول × العرض × الارتفاع

تذكر أن ك لترات

هي حجم الماء

$$6000 = 30 \times 20 \times \text{الارتفاع}$$

$$\therefore \text{الارتفاع} = \frac{6000}{20 \times 30} = 10 \text{ سم}$$

ينقصد هذه المذكرة

المختصرة أتمني أن

تتال رضاكم وأتمني

النجاح لكل

طالبي

لحباً

ولمين أمراً

ترجوا مع روح

والدي عبد القادر

الشيني

تحياتي: بخلاء عبد القادر

الشيني

2022 م